

제 2 교시

수학 영역

5지선다형

1.  $\left(\frac{2\sqrt{3}}{2}\right)^{\sqrt{3}+1}$  의 값은? [2점]

- ①  $\frac{1}{16}$     ②  $\frac{1}{4}$     ③ 1    ④ 4    ⑤ 16

2. 함수  $f(x) = 2x^2 + 5$  에 대하여  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2}$  의 값은? [2점]

- ① 8    ② 9    ③ 10    ④ 11    ⑤ 12

3.  $\sin(\pi - \theta) = \frac{5}{13}$  이고  $\cos \theta < 0$  일 때,  $\tan \theta$  의 값은? [3점]

- ①  $-\frac{12}{13}$     ②  $-\frac{5}{12}$     ③ 0    ④  $\frac{5}{12}$     ⑤  $\frac{12}{13}$

4. 함수

$$f(x) = \begin{cases} -2x + a & (x \leq a) \\ ax - 6 & (x > a) \end{cases}$$

가 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 모든 상수  $a$  의 값의 합은? [3점]

- ① -1    ② -2    ③ -3    ④ -4    ⑤ -5

5. 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_1 = 2a_5, \quad a_8 + a_{12} = -6$$

일 때,  $a_2$ 의 값은? [3점]

- ① 17      ② 19      ③ 21      ④ 23      ⑤ 25

6. 함수  $f(x) = x^3 - 3x^2 + k$ 의 극댓값이 9일 때,  
함수  $f(x)$ 의 극솟값은? (단,  $k$ 는 상수이다.) [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

7. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.

$$S_n = \frac{1}{n(n+1)} \text{ 일 때, } \sum_{k=1}^{10} (S_k - a_k) \text{의 값은? [3점]}$$

- ①  $\frac{1}{2}$       ②  $\frac{3}{5}$       ③  $\frac{7}{10}$       ④  $\frac{4}{5}$       ⑤  $\frac{9}{10}$

8. 곡선  $y = x^3 - 4x + 5$  위의 점  $(1, 2)$ 에서의 접선이  
곡선  $y = x^4 + 3x + a$ 에 접할 때, 상수  $a$ 의 값은? [3점]

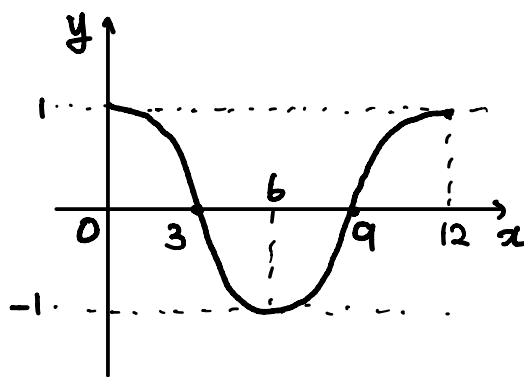
- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

9. 닫힌구간  $[0, 12]$ 에서 정의된 두 함수

$$f(x) = \cos \frac{\pi x}{6}, \quad g(x) = -3 \cos \frac{\pi x}{6} - 1$$

이 있다. 곡선  $y = f(x)$ 와 직선  $y = k$ 가 만나는 두 점의  
 $x$ 좌표를  $\alpha_1, \alpha_2$ 라 할 때,  $|\alpha_1 - \alpha_2| = 8$ 이다. 곡선  $y = g(x)$ 와  
직선  $y = k$ 가 만나는 두 점의  $x$ 좌표를  $\beta_1, \beta_2$ 라 할 때,  
 $|\beta_1 - \beta_2|$ 의 값은? (단,  $k$ 는  $-1 < k < 1$ 인 상수이다.) [4점]

- ① 3      ②  $\frac{7}{2}$       ③ 4      ④  $\frac{9}{2}$       ⑤ 5



$|\alpha_1 - \alpha_2| = 8$  이므로  
 $k > 0$  이고  
 $\alpha_1 = 2, \alpha_2 = 10$  (대칭성)  
 $\Rightarrow k = \frac{1}{2}$

$$-3 \cos \frac{\pi x}{6} - 1 = \frac{1}{2}$$

$$\cos \frac{\pi x}{6} = -\frac{1}{2}$$

$$\therefore |\beta_2 - \beta_1| = |4 - 8| = 4$$

10. 수직선 위의 점  $A(6)$ 과 시각  $t=0$ 일 때 원점을 출발하여  
이 수직선 위를 움직이는 점  $P$ 가 있다. 시각  $t(t \geq 0)$ 에서의  
점  $P$ 의 속도  $v(t)$ 를

$$v(t) = 3t^2 + at \quad (a > 0)$$

이라 하자. 시각  $t=2$ 에서 점  $P$ 와 점  $A$  사이의 거리가 10일 때,  
상수  $a$ 의 값은? [4점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

$$d = |x(2) - 6|$$

$$= \left| \int_0^2 v(t) dt - 6 \right|$$

$$= |(8 + 2a) - 6|$$

$$= 2a + 2 = 10$$

$$\therefore a = 4$$

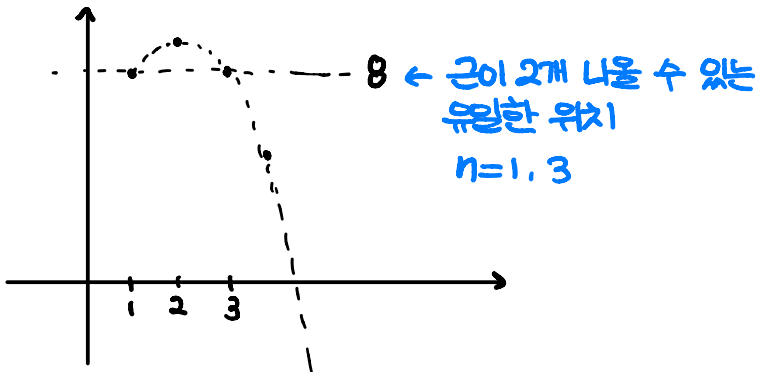
11. 함수  $f(x) = -(x-2)^2 + k$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 자연수  $n$ 의 개수가 2일 때, 상수  $k$ 의 값은? [4점]

$\sqrt{3}^{f(n)}$ 의 네제곱근 중 실수인 것을 모두 곱한 값이  $-9$ 이다.

- ① 8    ② 9    ③ 10    ④ 11    ⑤ 12

$$3^{\frac{f(n)}{4}} \times (-3^{\frac{f(n)}{4}}) = -3^{\frac{f(n)}{2}} = -9$$

$$\Rightarrow f(n) = 8 \quad \text{정의역 자연수로 간주}$$



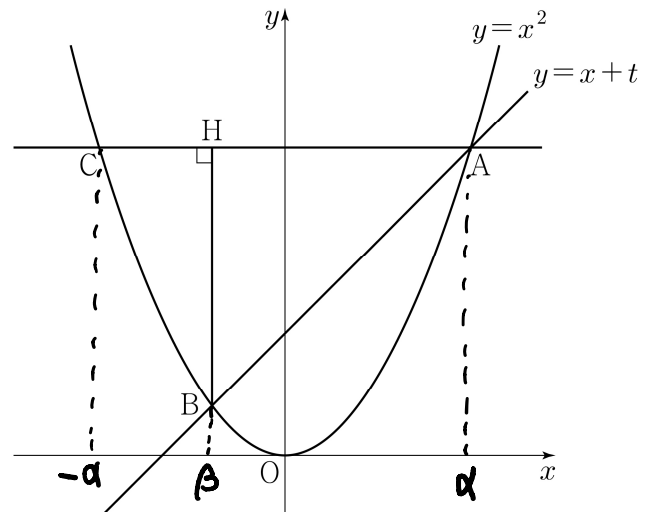
$$f(1) = f(3) = k - 1 = 8$$

$$\therefore k = 9$$

12. 실수  $t(t > 0)$ 에 대하여 직선  $y = x + t$ 와 곡선  $y = x^2$ 이 만나는 두 점을 A, B라 하자. 점 A를 지나고  $x$ 축에 평행한 직선이 곡선  $y = x^2$ 과 만나는 점 중 A가 아닌 점을 C, 점 B에서 선분 AC에 내린 수선의 발을 H라 하자.

$\lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{\overline{AH} - \overline{CH}}{t}$ 의 값은? (단, 점 A의  $x$ 좌표는 양수이다.) [4점]

- ① 1    ② 2    ③ 3    ④ 4    ⑤ 5



$\alpha, \beta$ 는 방정식  $x^2 = x + t$ 의 근

$$\Rightarrow \beta = \frac{1 - \sqrt{1 + 4t}}{2}$$

$$\lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{\overline{AH} - \overline{CH}}{t} = \lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{(\alpha - \beta) - (\beta - (-\alpha))}{t}$$

$$= \lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{-2\beta}{t}$$

$$= \lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{1 + 4t} - 1}{t}$$

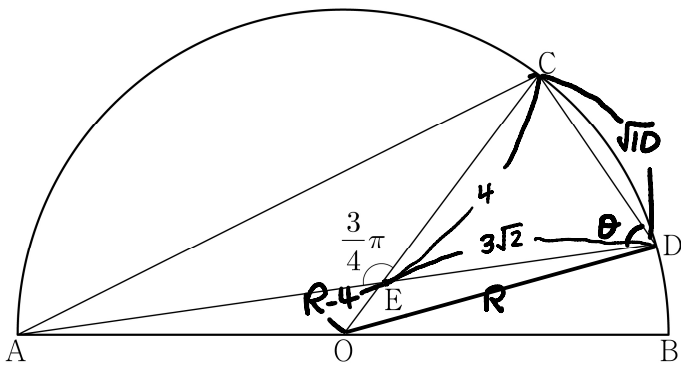
$$= \lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{4t}{t} \times \frac{1}{\sqrt{1 + 4t} + 1}$$

$$= 2$$

13. 그림과 같이 선분 AB를 지름으로 하는 반원의 호 AB 위에 두 점 C, D가 있다. 선분 AB의 중점 O에 대하여 두 선분 AD, CO가 점 E에서 만나고,

$$\overline{CE} = 4, \quad \overline{ED} = 3\sqrt{2}, \quad \angle CEA = \frac{3}{4}\pi$$

이다.  $\overline{AC} \times \overline{CD}$ 의 값은? [4점]



- ①  $6\sqrt{10}$       ②  $10\sqrt{5}$       ③  $16\sqrt{2}$   
 ④  $12\sqrt{5}$       ⑤  $20\sqrt{2}$

$$CD^2 = 16 + 18 - 2 \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot 4 \cdot 3\sqrt{2} = 10$$

$$CD = \sqrt{10}$$

$\angle CDE$ 를  $\theta$ 라 하자.

$$\cos\theta = \frac{1}{\sqrt{5}}, \quad \sin\theta = \frac{2}{\sqrt{5}}$$

사인 법칙에 의해  $AC = 2R \sin\theta = \frac{4}{\sqrt{5}}R$  → R을 구하는 문제다. 선택된 미지수 도입 X

$\triangle ODE$ 에서 코사인 법칙

$$\Rightarrow R^2 = (R-4)^2 + 18 - 2 \cdot (-\frac{1}{\sqrt{2}}) \cdot (R-4) \cdot 3\sqrt{2}$$

$$= R^2 - 2R + 10$$

$$\Rightarrow R = 5$$

$$\therefore \overline{AC} \times \overline{CD} = \frac{4}{\sqrt{5}}R \times \sqrt{10} = 20\sqrt{2}$$

14. 최고차항의 계수가 1이고  $f(0) = 0, f(1) = 0$ 인 삼차함수  $f(x)$ 에 대하여 함수  $g(t)$ 를

$$g(t) = \int_t^{t+1} f(x) dx - \int_0^1 |f(x)| dx$$

라 할 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

- <보 기>
- ㉠  $g(0) = 0$ 이면  $g(-1) < 0$ 이다.
- ㉡  $g(-1) > 0$ 이면  $f(k) = 0$ 을 만족시키는  $k < -1$ 인 실수  $k$ 가 존재한다.
- ㉢  $g(-1) > 1$ 이면  $g(0) < -1$ 이다.

- ① ㉠      ② ㉠, ㉡      ③ ㉠, ㉢  
 ④ ㉡, ㉢      ⑤ ㉠, ㉡, ㉢

$$g(0) = \int_0^1 f(x) dx - \int_0^1 |f(x)| dx = 0$$

$$\Rightarrow [0, 1] \text{에서 } f(x) \geq 0$$

$$f(x) = x(x-1)(x-\alpha) \text{ 이고 } \alpha \geq 1 \text{ 이므로}$$

$$[-1, 0] \text{에서 } f(x) \leq 0 \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } \int_{-1}^0 f(x) dx \leq 0 \text{ 이고 } \int_0^1 |f(x)| dx > 0 \text{ 이므로}$$

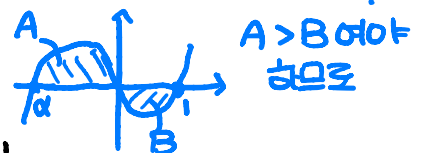
$$g(-1) = \int_{-1}^0 f(x) dx - \int_0^1 |f(x)| dx < 0 \text{ (참)}$$

$$L. g(-1) = \int_{-1}^0 f(x) dx - \int_0^1 |f(x)| dx > 0$$

$$\Rightarrow \int_{-1}^0 f(x) dx > \int_0^1 |f(x)| dx > 0$$

$$f(x) = x(x-1)(x-\alpha) \text{에서 } \alpha < -1 \text{ 이어야 한다.}$$

$$k = \alpha \text{로 두면 된다. (참)}$$



$$D. g(-1) = \int_{-1}^0 f(x) dx - \int_0^1 |f(x)| dx > 1$$

L. 과 같은 케이스이므로  $f(x)$ 의 그래프 개형이 같고

$A - B > 1$  이라고 들 수 있다.

$$g(0) = \int_0^1 f(x) dx - \int_0^1 |f(x)| dx$$

$$= -B - B = -2B < -1 \text{ (참)}$$

$\int_0^1 f(x) dx$ 를 계산해야하는데  
 여백 부족..

15. 수열  $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 모든 자연수  $k$ 에 대하여  $a_{4k} = r^k$ 이다.  
 (단,  $r$ 는  $0 < |r| < 1$ 인 상수이다.)

(나)  $a_1 < 0$ 이고, 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} a_n + 3 & (|a_n| < 5) \\ -\frac{1}{2}a_n & (|a_n| \geq 5) \end{cases}$$

이다.

*수열 추론  
제발 그냥  
들어박지 말고  
제약에 주목*

$|a_m| \geq 5$ 를 만족시키는 100 이하의 자연수  $m$ 의 개수를  $p$ 라 할 때,  $p + a_1$ 의 값은? [4점]

- ① 8      ② 10      ③ 12      ④ 14      ⑤ 16

$a_4 = r$

$a_5 = r + 3 \quad (2 < a_5 < 4, a_5 \neq 3)$

$a_6 = r + 6 \quad (5 < a_6 < 7, a_6 \neq 6)$

$a_7 = -\frac{1}{2}(r + 6) \quad (-\frac{7}{2} < a_7 < -\frac{5}{2}, a_7 \neq -3)$

$a_8 = -\frac{1}{2}(r + 6) + 3$   
 $= -\frac{1}{2}r = r^2$

$\therefore r = -\frac{1}{2}$

$k \geq 1$  일 때 반복

$|a_{4k}| = |r^k| < 5$

$|a_{4k+1}| = |r^k + 3| < 5$

$|a_{4k+2}| = |r^k + 6| \geq 5$

$|a_{4k+3}| = |-\frac{1}{2}(r^k + 6)| < 5$

$a_4 = -\frac{1}{2} \Rightarrow a_3 = -\frac{7}{2}$

$\Rightarrow a_2 = 7$

$\Rightarrow a_1 = -14$

$p = 1 + 25 = 26, a_1 = -14$

$\therefore p + a_1 = 12$

단답형

16. 방정식  $\log_3(x-4) = \log_9(x+2)$ 를 만족시키는 실수  $x$ 의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수  $f(x)$ 에 대하여  $f'(x) = 6x^2 - 4x + 3$ 이고  $f(1) = 5$ 일 때,  $f(2)$ 의 값을 구하시오. [3점]

*원래 같으면  
이런 건 쓰지도  
않았을 거임  
OO...*

18. 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $\sum_{k=1}^5 a_k = 10$  일 때,

$$\sum_{k=1}^5 ca_k = 65 + \sum_{k=1}^5 c$$

를 만족시키는 상수  $c$ 의 값을 구하시오. [3점]

19. 방정식  $3x^4 - 4x^3 - 12x^2 + k = 0$ 이 서로 다른 4개의 실근을 갖도록 하는 자연수  $k$ 의 개수를 구하시오. [3점]

20. 상수  $k(k < 0)$ 에 대하여 두 함수

$$f(x) = x^3 + x^2 - x, \quad g(x) = 4|x| + k$$

의 그래프가 만나는 점의 개수가 2일 때, → 접해야 할  
 두 함수의 그래프로 둘러싸인 부분의 넓이를  $S$ 라 하자.  
 $30 \times S$ 의 값을 구하시오. [4점]

$$f'(x) = 3x^2 + 2x - 1 \geq -\frac{4}{3} \text{ 이므로}$$

$x > 0$ 에서 접한다.

$$f'(1) = 4 \text{ 이므로 } f(1) = g(1) \text{ 일 것.}$$

$$\Rightarrow 1 = 4 + k$$

$$\therefore k = -3$$

방정식  $x^3 + x^2 - x = -4x - 3$ 의 근은  $x = -1$  이므로

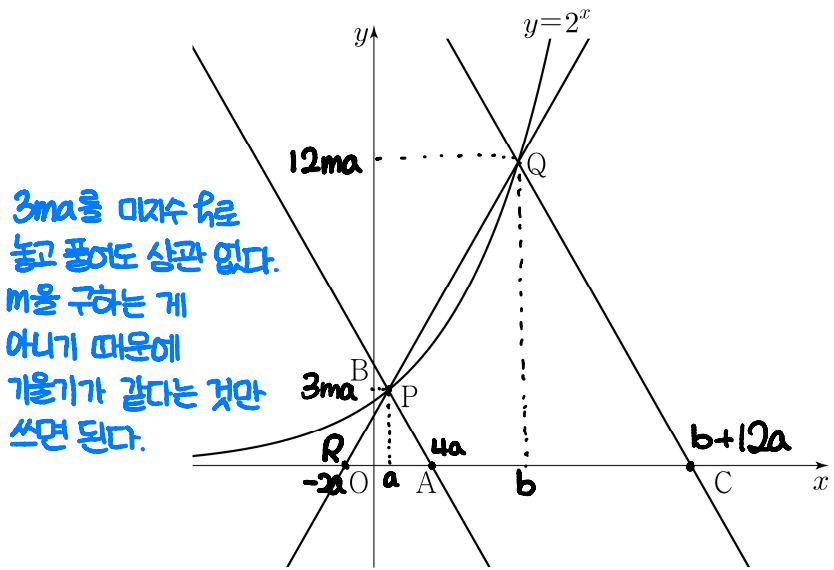
$$\begin{aligned} S &= \int_{-1}^1 |f(x) - g(x)| dx = \int_{-1}^1 f(x) - g(x) dx \\ &= \int_{-1}^1 x^2 - 4|x| + 3 dx \quad \text{기함수 제거} \\ &= 2 \int_0^1 x^2 - 4x + 3 dx \\ &= \frac{8}{3} \end{aligned}$$

$$\therefore 30 \times S = 80$$

21. 그림과 같이 곡선  $y=2^x$  위에 두 점  $P(a, 2^a)$ ,  $Q(b, 2^b)$ 이 있다. 직선 PQ의 기울기를  $m$ 이라 할 때, 점 P를 지나며 기울기가  $-m$ 인 직선이  $x$ 축,  $y$ 축과 만나는 점을 각각 A, B라 하고, 점 Q를 지나며 기울기가  $-m$ 인 직선이  $x$ 축과 만나는 점을 C라 하자.

$$\overline{AB} = 4\overline{PB}, \quad \overline{CQ} = 3\overline{AB}$$

일 때,  $90 \times (a+b)$ 의 값을 구하시오. (단,  $0 < a < b$ ) [4점]



선분의 길이 비는  $\Delta x$ 의 비로 생각한다.

$$A = (4a, 0)$$

$$C = (b+12a, 0),$$

$$P = (a, 3ma) = (a, h)$$

$$Q = (b, 12ma) = (b, 4h)$$

$$2^a = h, \quad 2^b = 4h$$

$$\therefore b - a = 2$$

직선 PQ의 기울기가  $m$ 이므로

$\Delta PRA$ 와  $\Delta QRC$ 는 이등변 삼각형이다.

따라서  $R = (-2a, 0)$ 이고  $b = \frac{-2a + b + 12a}{2}$ 이므로

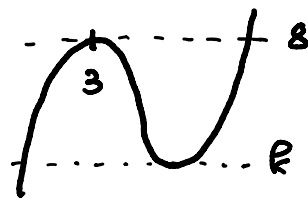
$$a = \frac{2}{9}, \quad b = \frac{20}{9}$$

$$\therefore 90 \times (a+b) = 220$$

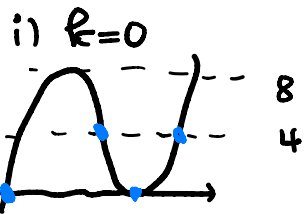
22. 최고차항의 계수가 1이고  $x=3$ 에서 극댓값 8을 갖는 삼차함수  $f(x)$ 가 있다. 실수  $t$ 에 대하여 함수  $g(x)$ 를

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & (x \geq t) \\ -f(x) + 2f(t) & (x < t) \end{cases} \quad y=f(x) \text{ 대칭}$$

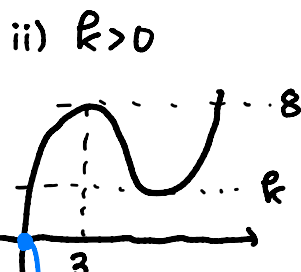
라 할 때, 방정식  $g(x)=0$ 의 서로 다른 실근의 개수를  $h(t)$ 라 하자. 함수  $h(t)$ 가  $t=a$ 에서 불연속인  $a$ 의 값이 두 개일 때,  $f(8)$ 의 값을 구하시오. [4점]



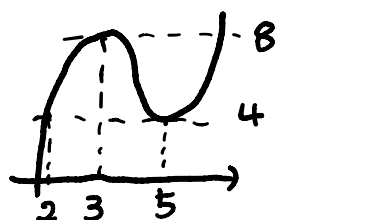
극솟값이 음수가 아니라는 것은 금방 알아채야 한다. 모르겠으면 이 문제 풀지 말 것



• 여기서 불연속 따라서  $k > 0$  (그려보면 될, 귀찮아서 생략)



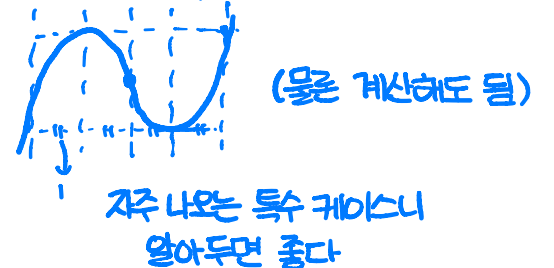
당연히 불연속  $\Rightarrow$  불연속이 하나 더 나오는  $k$ 를 찾는다.  $\Rightarrow k=0$ 을 그려다 보면  $k$ 가 4여야 함을 어느 정도 알 수 있다. 오른쪽 불연속점 3개가 합쳐지는 듯한 느낌이다.



$$f(x) = (x-2)(x-5)^2 + 4$$

$$\therefore f(8) = 6 \cdot 9 + 4 = 58$$

최고차항 1인 삼차함수의 (극댓값 - 극솟값)이 4면 아래와 같다.



\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.



제 2 교시

수학 영역(확률과 통계)

5지선다형

23. 다항식  $(x^2+2)^6$ 의 전개식에서  $x^4$ 의 계수는? [2점]

- ① 240    ② 270    ③ 300    ④ 330    ⑤ 360

$${}^6C_2 \cdot (x^2)^2 \cdot 2^4 = 240x^4$$

24. 두 사건  $A, B$ 에 대하여

$$P(A \cup B) = 1, \quad P(A \cap B) = \frac{1}{4}, \quad P(A|B) = P(B|A) \Rightarrow P(A) = P(B)$$

일 때,  $P(A)$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{2}$     ②  $\frac{9}{16}$     ③  $\frac{5}{8}$     ④  $\frac{11}{16}$     ⑤  $\frac{3}{4}$

$$P(A) + P(B) = P(A \cap B) + P(A \cup B) = \frac{5}{4}$$

$$\therefore P(A) = \frac{5}{8}$$

# 2

## 수학 영역(확률과 통계)

25. 어느 인스턴트 커피 제조 회사에서 생산하는 A 제품 1개의 중량은 평균이 9, 표준편차가 0.4인 정규분포를 따르고, B 제품 1개의 중량은 평균이 20, 표준편차가 1인 정규분포를 따른다고 한다. 이 회사에서 생산한 A 제품 중에서 임의로 선택한 1개의 중량이 8.9 이상 9.4 이하일 확률과 B 제품 중에서 임의로 선택한 1개의 중량이 19 이상  $k$  이하일 확률이 서로 같다. 상수  $k$ 의 값은? (단, 중량의 단위는 g이다.) [3점]

- ① 19.5    ② 19.75    ③ 20    ④ 20.25    ⑤ 20.5

$$A: P(-\frac{1}{4} \leq Z \leq 1)$$

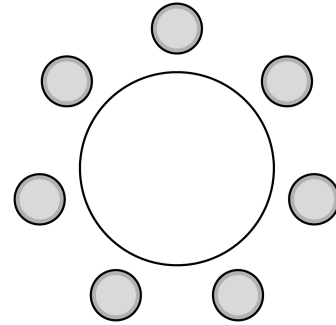
$$B: P(-1 \leq Z \leq R-20)$$

$$R-20 = \frac{1}{4}$$

$$\therefore R = 20.25$$

26. 세 학생 A, B, C를 포함한 7명의 학생이 원 모양의 탁자에 일정한 간격을 두고 임의로 모두 둘러앉을 때, A가 B 또는 C와 이웃하게 될 확률은? [3점]

- ①  $\frac{1}{2}$     ②  $\frac{3}{5}$     ③  $\frac{7}{10}$     ④  $\frac{4}{5}$     ⑤  $\frac{9}{10}$



$$A-B$$

$$\frac{6!}{6} \times 2! = 240$$

$$A-C$$

$$\frac{6!}{6} \times 2! = 240$$

$$B-A-C$$

$$\frac{5!}{5} \times 2! = 48$$

$$\frac{240+240-48}{\frac{7!}{7}} = \frac{480-48}{720} = \frac{3}{5}$$

27. 이산확률변수  $X$ 의 확률분포를 표로 나타내면 다음과 같다.

$X$	0	1	$a$	합계
$P(X=x)$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{5}$	1

$\sigma(X) = E(X)$ 일 때,  $E(X^2) + E(X)$ 의 값은? (단,  $a > 1$ ) [3점]

- ① 29    ② 33    ③ 37    ④ 41    ⑤ 45

$$E(X) = \frac{1}{2} + \frac{2}{5}a$$

$$E(X^2) = \frac{1}{2} + \frac{2}{5}a^2$$

$$\sigma(X) = \sqrt{E(X^2) - E(X)^2} = E(X)$$

$$\Rightarrow E(X^2) = 2E(X)^2$$

$$\frac{1}{2} + \frac{2}{5}a^2 = 2\left(\frac{1}{4} + \frac{2}{5}a + \frac{4}{25}a^2\right)$$

$$\frac{2}{25}a^2 = \frac{4}{5}a$$

$$\therefore a = 10, E(X^2) + E(X) = 45$$

28. 1부터 10까지의 자연수 중에서 임의로 서로 다른 3개의 수를 선택한다. 선택된 세 개의 수의 곱이 5의 배수이고 합은 3의 배수일 확률은? [4점]

- ①  $\frac{3}{20}$     ②  $\frac{1}{6}$     ③  $\frac{11}{60}$     ④  $\frac{1}{5}$     ⑤  $\frac{13}{60}$

**분류**

<del>3R-2</del>	<del>3R-1</del>	<del>3R</del>
1	2	3
4	5	6
7	8	9
10		

5 또는 10이 포함되어야 함으로

i) ~~3R-2~~ 3개

$${}^3C_2$$

ii) ~~3R-1~~ 3개

$$1$$

iii) ~~3R-2~~, ~~3R-1~~, ~~3R~~

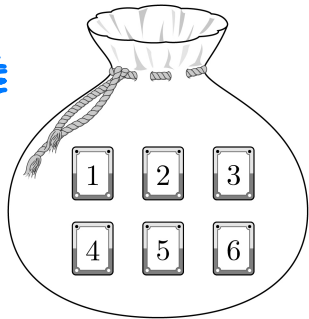
$$4 \cdot 3 \cdot 3 - 3 \cdot 2 \cdot 3 = 18 \quad \text{여사건}$$

$$\frac{3+1+18}{{}^{10}C_3} = \frac{22}{120} = \frac{11}{60}$$

단답형

29. 1부터 6까지의 자연수가 하나씩 적힌 6장의 카드가 들어 있는 주머니가 있다. 이 주머니에서 임의로 한 장의 카드를 꺼내어 카드에 적힌 수를 확인한 후 다시 넣는 시행을 한다. 이 시행을 4번 반복하여 확인한 네 개의 수의 평균을  $\bar{X}$  라 할 때,  $P\left(\bar{X} = \frac{11}{4}\right) = \frac{q}{p}$  이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오.  
(단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

말이 어려운데  
그냥 합이 11일 확률



11 조합 찾기

- 1 1 3 6  $\frac{4!}{2!} = 12$
- 1 1 4 5 " = 12
- 1 2 2 6 " = 12
- 1 2 3 5  $4! = 24$
- 1 2 4 4  $\frac{4!}{2!} = 12$
- 1 3 3 4  $\frac{4!}{2!} = 12$
- 2 2 2 5  $\frac{4!}{3!} = 4$
- 2 2 3 4  $\frac{4!}{2!} = 12$
- 2 3 3 3  $\frac{4!}{3!} = 4$

$$\frac{12 \cdot 6 + 24 + 4 \cdot 2}{6^4} = \frac{104}{6^4} = \frac{13}{162}$$

$\therefore p+q = 175$

30. 집합  $X = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 와 함수  $f: X \rightarrow X$ 에 대하여 함수  $f$ 의 치역을  $A$ , 합성함수  $f \circ f$ 의 치역을  $B$ 라 할 때, 다음 조건을 만족시키는 함수  $f$ 의 개수를 구하시오. [4점]

- (가)  $n(A) \leq 3$
- (나)  $n(A) = n(B)$
- (다) 집합  $X$ 의 모든 원소  $x$ 에 대하여  $f(x) \neq x$ 이다.  $\Rightarrow n(A) \neq 1$

i)  $n(A) = 2$

치역 선택  ${}^5C_2 \Rightarrow$  치역  $\rightarrow$  치역 교란순열 : 1  
나머지  $2^3$   
 $\Rightarrow 80$

ii)  $n(A) = 3$

치역 선택  ${}^5C_3 \Rightarrow$  치역  $\rightarrow$  치역 교란순열 : 2  
나머지  $3^2$   
 $\Rightarrow 180$

$\therefore 260$

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(미적분)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.